

## 答案与解析

### 第二十六章测评卷

1. A   2. B   3. D   4. B   5. C   6. B   7. C  
8. C

9.  $y = \frac{4}{x}$    10.  $(2, -1)$    11.  $-3$    12.  $y_2 = \frac{5}{x}$

13. 解:  $\because y_1$  与  $x$  成反比例,  $y_2$  与  $x-2$  成正比例,

$$\therefore \text{设 } y_1 = \frac{m}{x} (m \neq 0), y_2 = k(x-2) (k \neq 0).$$

$$\because y = y_1 - y_2,$$

$$\therefore y = \frac{m}{x} - k(x-2).$$

$$\because \text{当 } x=1 \text{ 时, } y=-1, \text{ 当 } x=3 \text{ 时, } y=5,$$

$$\therefore \begin{cases} m+k=-1, \\ \frac{m}{3}-k=5, \end{cases} \text{ 解得 } \begin{cases} m=3, \\ k=-4. \end{cases}$$

$$\therefore y = \frac{3}{x} + 4x - 8.$$

$$\text{当 } x=2 \text{ 时, } y = \frac{3}{2} + 4 \times 2 - 8 = \frac{3}{2}.$$

14. 解: (1)  $\because$  点  $A(1, 6), B(a, 2)$  在  $y_2 = \frac{m}{x}$  的图像上,

$$\therefore \frac{m}{1} = 6, \therefore m = 6, \therefore y_2 = \frac{6}{x}.$$

$$\text{将 } B(a, 2) \text{ 代入 } y = \frac{6}{x}, \text{ 得 } 2 = \frac{6}{a}, \text{ 则 } a = 3.$$

$$\because \text{点 } A(1, 6), B(3, 2) \text{ 在函数 } y_1 = kx + b \text{ 的图像上,}$$

$$\therefore \begin{cases} k+b=6, \\ 3k+b=2, \end{cases} \text{ 解这个方程组,}$$

$$\text{得 } \begin{cases} k=-2, \\ b=8. \end{cases}$$

$$\therefore \text{一次函数的解析式为 } y_1 = -2x + 8, \text{ 反}$$

$$\text{比例函数的解析式为 } y_2 = \frac{6}{x}.$$

$$(2) 1 \leq x \leq 3.$$

15. 解: (1)  $\because$  点  $A(3, 4)$  在  $y = \frac{k}{x}$  的图像上,

$$\therefore k = 12.$$

$$\because \text{四边形 } OABC \text{ 是平行四边形, } \therefore AM = MC,$$

$$\therefore \text{点 } M \text{ 的纵坐标为 } 2.$$

$$\because \text{点 } M \text{ 在 } y = \frac{12}{x} \text{ 的图像上, } \therefore M(6, 2).$$

$$(2) \because AM = MC, A(3, 4), M(6, 2),$$

$$\therefore C(9, 0),$$

$$\therefore OC = 9, OA = \sqrt{3^2 + 4^2} = 5,$$

$$\therefore \square OABC \text{ 的周长为 } 2 \times (5 + 9) = 28.$$

16. 解: (1)  $\because U = IR, \therefore I = \frac{U}{R},$

$$\text{将 } U = 220 \text{ 代入, 得 } I = \frac{220}{R},$$

$$\therefore \text{电流 } I \text{ 关于电阻 } R \text{ 的函数解析式是 } I = \frac{220}{R}.$$

$$(2) \text{ 当 } R = 250 \, \Omega \text{ 时, } I = \frac{220}{250} = 0.88 \, (\text{A}),$$

$$\therefore \text{该电路的电阻为 } 250 \, \Omega \text{ 时, 通过它的电流是 } 0.88 \, \text{A}.$$

$$(3) \because I = \frac{220}{R},$$

$$\therefore \text{电流与电阻成反比例关系,}$$

$$\therefore \text{要使电路中的电流 } I \text{ 增大, 可以减少}$$

电阻。

$$\text{当 } I = 1.1 \text{ A 时, } 1.1 = \frac{220}{R},$$

解得  $R = 200$ , 即电阻  $R$  为  $200 \Omega$ 。

17. 解: (1) 将点  $A$  的坐标代入  $y = x - 1$ , 可得  $m = -1 - 1 = -2$ ,

$$\text{将点 } A(-1, -2) \text{ 代入 } y = \frac{k}{x},$$

$$\text{可得 } k = -1 \times (-2) = 2,$$

$$\text{故反比例函数解析式为 } y = \frac{2}{x}.$$

(2) 将点  $P$  的纵坐标  $y = -1$  代入反比例函数解析式  $y = \frac{2}{x}$ , 可得  $x = -2$ ,

将点  $F$  的横坐标  $x = -2$  代入直线解析式  $y = x - 1$ , 可得  $y = -3$ 。故可得  $EF = 3, CE = OE + OC = 2 + 1 = 3$ ,

$$\text{故 } S_{\triangle CEF} = \frac{1}{2} CE \times EF = \frac{9}{2}.$$

18. 解: (1) 当  $0 \leq x < 8$  时, 设水温  $y$  与开机时间  $x$  的函数关系式为  $y = kx + b$ ,

将  $(0, 20), (8, 100)$  代入  $y = kx + b$  中,

$$\text{得 } \begin{cases} b = 20, \\ 8k + b = 100, \end{cases} \text{ 解得 } \begin{cases} k = 10, \\ b = 20, \end{cases}$$

$\therefore$  当  $0 \leq x < 8$  时, 水温  $y$  与开机时间  $x$  的函数关系式为  $y = 10x + 20$ 。

(2) 当  $8 \leq x \leq t$  时, 设水温  $y$  与开机时间

$$x \text{ 的函数关系式为 } y = \frac{m}{x},$$

$$\text{将 } (8, 100) \text{ 代入 } y = \frac{m}{x} \text{ 中,}$$

$$\text{得 } 100 = \frac{m}{8}, \text{ 解得 } m = 800,$$

$\therefore$  当  $8 \leq x \leq t$  时, 水温  $y$  与开机时间  $x$  的

$$\text{函数关系式为 } y = \frac{800}{x}.$$

当  $y = \frac{800}{x} = 20$  时,  $x = 40, \therefore$  图中  $t$  的值为  $40$ 。

$$(3) \because 42 - 40 = 2 \leq 8,$$

$$\therefore \text{当 } x = 2 \text{ 时, } y = 2 \times 10 + 20 = 40.$$

答: 他散步  $42 \text{ min}$  回到家时, 饮水机内的水温约为  $40^\circ\text{C}$ 。

## 第二十七章测评卷

1. C 2. B 3. C 4. C 5. C 6. C 7. D

8. D

9. 18 10.  $1:6$  11.  $(3, 2)$  或  $(-9, -2)$

$$12. \frac{a}{2^{4039}}$$

13. 证明:  $\because BD$  平分  $\angle ABC$ ,

$$\therefore \angle DBE = \angle CBD.$$

$$\because BD^2 = BC \cdot BE,$$

$$\therefore \frac{BC}{BD} = \frac{BD}{BE},$$

$$\therefore \triangle BCD \sim \triangle BDE.$$

14. (1) 证明:  $\because DC$  是  $\odot O$  的切线,

$$\therefore \angle OCD = 90^\circ.$$

$$\because \angle D = 30^\circ,$$

$$\therefore \angle BOC = \angle D + \angle OCD = 30^\circ + 90^\circ = 120^\circ.$$

$$\because OB = OC, \therefore \angle B = \angle OCB = 30^\circ,$$

$$\therefore \angle DCB = 90^\circ + 30^\circ = 120^\circ = \angle BOC.$$

$$\text{又} \because \angle B = \angle B = 30^\circ,$$

$$\therefore \triangle BOC \sim \triangle BCD.$$

$$(2) \text{ 解: } \because \angle D = 30^\circ, DC = \sqrt{3}, \angle OCD = 90^\circ,$$

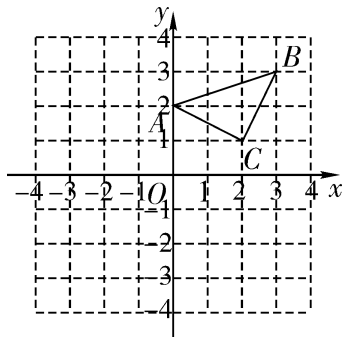
$$\therefore DC = \sqrt{3}OC = \sqrt{3}, DO = 2OC,$$

$$\therefore OC = 1 = OB, DO = 2.$$

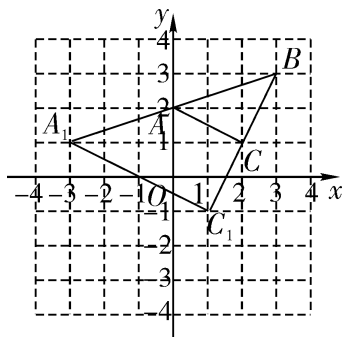
$$\because \angle B = \angle D = 30^\circ, \therefore DC = BC = \sqrt{3},$$

$\therefore \triangle BCD$  的周长  $= CD + BC + DB = \sqrt{3} + \sqrt{3} + 2 + 1 = 3 + 2\sqrt{3}$ 。

15. 解: (1) 根据  $A(0, 2), B(3, 3), C(2, 1)$  在坐标系中找出各点并连接即可得到  $\triangle ABC$ , 所画图形如图所示:



- (2) 把  $\triangle ABC$  的三边对应放大即可得到  $\triangle A_1BC_1$ , 所画图形如图所示:



(3)  $(-3, 1)$

16. (1) 证明: 连接  $AD$ ,  
 $\because AB = AC, D$  为  $BC$  边的中点,  
 $\therefore AD \perp BC$ .  
 $\because AB = AC, \therefore \angle BAC = 2\angle BAD$ .  
 $\because \angle BAC = 2\angle BDE, \therefore \angle BDE = \angle BAD$ .  
 $\because AD \perp BC, O$  为  $AB$  边的中点,  
 $\therefore OA = OD, \therefore \angle BAD = \angle ADO$ .  
 $\because \angle ADO + \angle ODB = 90^\circ$ ,  
 $\therefore \angle BDE + \angle ODB = 90^\circ$ ,  
 $\therefore \angle ODE = 90^\circ$ ,  
 即  $OD \perp EF$ .  
 (2) 解:  $\because AB = AC, AD \perp BC, \therefore BD = CD$ .

又  $\because BO = AO, \therefore OD \parallel AC$ ,

$\therefore \triangle EOD \sim \triangle EAF$ ,

$$\therefore \frac{OD}{AF} = \frac{EO}{EA}.$$

设  $OD = x$ , 则  $OA = OB = x, AC = 2OD = 2x$ .

$\because CF = 2, BE = 3$ ,

$\therefore AF = AC - CF = 2x - 2$ ,

$\therefore EO = x + 3, EA = 2x + 3$ ,

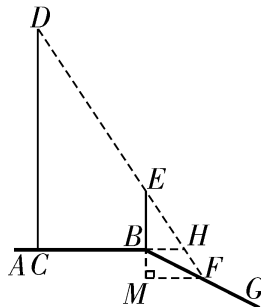
$$\therefore \frac{x}{2x - 2} = \frac{x + 3}{2x + 3},$$

解得  $x = 6$ .

经检验,  $x = 6$  是分式方程的解,

$\therefore AF = 2x - 2 = 10$ .

17. 解: 如图, 延长  $CB$  交  $EF$  于点  $H$ , 过点  $F$  作  $FM \perp EB$  的延长线, 垂足为点  $M$ .



$\because \angle ABG = 150^\circ, BE \perp CB$ ,

$\therefore \angle MBF = 150^\circ - 90^\circ = 60^\circ, \therefore \angle MFB = 30^\circ$ .

$\because BF$  的长为  $2\text{ m}, \therefore BM = 1\text{ m}, MF = \sqrt{3}\text{ m}$ .

$\because BE \perp CB, MF \perp BE, \therefore BH \parallel MF$ ,

$\therefore \triangle EBH \sim \triangle EMF, \therefore \frac{BH}{MF} = \frac{EB}{EM}$ .

又  $\because EB = 1.8\text{ m}, \therefore \frac{BH}{\sqrt{3}} = \frac{1.8}{1.8 + 1}$ ,

$\therefore BH = \frac{9\sqrt{3}}{14}$ .



在  $\text{Rt}\triangle ABD$  中,  $AB = \sqrt{BD^2 + CD^2} = 10$ ,

$$\therefore \cos B = \frac{BD}{AB} = \frac{4}{5}.$$

14. 解: (1)  $\angle B = 90^\circ - \angle A = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$ .

$$\therefore \sin A = \frac{a}{c} = \frac{\sqrt{3}}{2}, \therefore a = c \cdot \sin A = 8 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 4\sqrt{3}.$$

$$\therefore \cos A = \frac{b}{c} = \frac{1}{2}, \therefore b = c \cdot \cos A = 8 \times \frac{1}{2} = 4.$$

$$(2) \because a^2 + b^2 = c^2,$$

$$\therefore a = \sqrt{c^2 - b^2} = \sqrt{16 - 8} = 2\sqrt{2}.$$

$$\therefore \cos A = \frac{b}{c} = \frac{2\sqrt{2}}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2},$$

$$\therefore \angle A = 45^\circ, \therefore \angle B = 90^\circ - \angle A = 45^\circ.$$

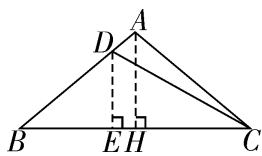
$$(3) \angle A = 90^\circ - \angle B = 90^\circ - 35^\circ = 55^\circ.$$

$$\therefore \tan B = \frac{b}{a},$$

$$\therefore b = a \cdot \tan B = 60 \times \tan 35^\circ \approx 42.$$

$$\therefore \cos B = \frac{a}{c}, \therefore c = \frac{a}{\cos B} = \frac{60}{\cos 35^\circ} \approx 73.$$

15. 解: (1) 如图, 作  $AH \perp BC$ , 垂足为点  $H$ .



$$\because AB = AC = 5, AH \perp BC, \therefore BH = \frac{1}{2}BC = 4.$$

在  $\text{Rt}\triangle ABH$  中, 由勾股定理得

$$AH = \sqrt{AB^2 - BH^2} = \sqrt{5^2 - 4^2} = 3,$$

$$\therefore \sin B = \frac{AH}{AB} = \frac{3}{5}.$$

(2) 如图, 作  $DE \perp BC$ , 垂足为点  $E$ .

$$\text{在 } \text{Rt}\triangle BDE \text{ 中, } \therefore \sin B = \frac{3}{5},$$

$$\therefore \text{设 } DE = 3k (k > 0), \text{ 则 } BD = 5k,$$

$$\therefore BE = \sqrt{BD^2 - DE^2} = 4k.$$

$$\text{在 } \text{Rt}\triangle CDE \text{ 中, } \therefore \tan \angle ECD = \frac{DE}{CE},$$

$$\therefore CE = \frac{DE}{\tan \angle ECD} = 6k,$$

$$\text{由 } BC = BE + EC, \text{ 即 } 4k + 6k = 8, \text{ 解得 } k = \frac{4}{5}.$$

$$\therefore S_{\triangle BCD} = \frac{1}{2}BC \cdot DE = \frac{1}{2} \times 8 \times \frac{4}{5} \times 3 = \frac{48}{5}.$$

16. 解: (1)  $\because$  斜坡  $CD$  的坡度  $i = 1:1$ ,

$$\therefore \tan \alpha = DH:CH = 1:1 = 1, \therefore \alpha = 45^\circ.$$

答: 斜坡  $CD$  的坡角  $\alpha$  为  $45^\circ$ .

$$(2) \text{ 由 (1) 可知: } CH = DH = 12 \text{ m, } \alpha = 45^\circ,$$

$$\therefore \angle PCH = \angle PCD + \alpha = 26^\circ + 45^\circ = 71^\circ.$$

$$\text{在 } \text{Rt}\triangle PCH \text{ 中, } \therefore \tan \angle PCH = \frac{PH}{CH} =$$

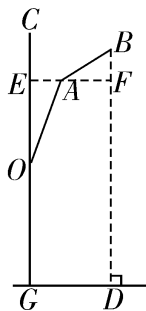
$$\frac{PD + 12}{12} \approx 2.90,$$

$$\therefore PD \approx 22.8.$$

$$\therefore 22.8 > 18,$$

$\therefore$  此次改造符合电力部门的安全要求.

17. 解: 如图, 过点  $B$  作地面的垂线, 垂足为  $D$ , 过点  $A$  作地面  $GD$  的平行线, 交  $OC$  于点  $E$ , 交  $BD$  于点  $F$ .



$$\text{在 } \text{Rt}\triangle AOE \text{ 中, } \angle AOE = 26^\circ, OA =$$

10 cm,

则  $OE = OA \cdot \cos \angle AOE \approx 10 \times 0.90 = 9(\text{cm})$ 。

在  $\text{Rt} \triangle ABF$  中,  $\angle BAF = 146^\circ - 90^\circ - 26^\circ = 30^\circ$ ,  $AB = 8 \text{ cm}$ ,

则  $BF = AB \cdot \sin \angle BAF = 8 \times \frac{1}{2} =$

4(cm),

$\therefore OG = BD - BF - OE = (175 + 15) - 4 - 9 = 177(\text{cm})$ 。

答:旋转头的固定点  $O$  与地面的距离约为 177 cm。

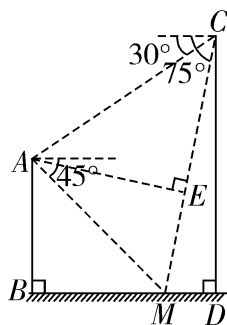
18. 解:  $\because AB \perp BD$ ,  $\angle BAM = 45^\circ$ ,

$\therefore \angle AMB = 45^\circ$ ,

$\therefore AB = BM = 20 \text{ m}$ ,

$\therefore AM = 20\sqrt{2} \text{ m}$ 。

如图,作  $AE \perp MC$ ,垂足为  $E$ ,



由题意得  $\angle ACM = 75^\circ - 30^\circ = 45^\circ$ ,

$\angle CAM = 30^\circ + 45^\circ = 75^\circ$ ,

$\therefore \angle AMC = 180^\circ - 45^\circ - 75^\circ = 60^\circ$ 。

在  $\text{Rt} \triangle AME$  中,  $AM = 20\sqrt{2} \text{ m}$ ,

$\sin \angle AME = \frac{AE}{AM}$ ,

$\therefore AE = \sin 60^\circ \cdot 20\sqrt{2} = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 20\sqrt{2} =$

$10\sqrt{6}(\text{m})$ 。

在  $\text{Rt} \triangle AEC$  中,  $\angle AEC = 90^\circ$ ,  $\angle ACE = 45^\circ$ ,

$AE = 10\sqrt{6} \text{ m}$ ,  $\sin \angle ACE = \frac{AE}{AC}$ ,

$\therefore AC = \frac{AE}{\sin 45^\circ} = \frac{10\sqrt{6}}{\frac{\sqrt{2}}{2}} = 20\sqrt{3} \approx 35(\text{m})$ 。

答:两建筑物顶点  $A, C$  之间的距离约为 35 m。

## 第二十九章测评卷

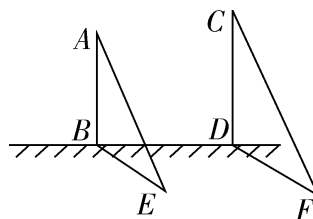
1. B 2. B 3. C 4. B 5. C 6. A 7. D

8. C

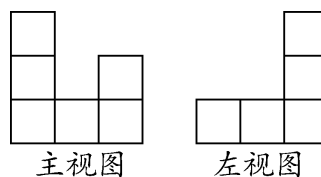
9. ③ ② ① 10. 10 11. (4, 0)

12. 12 800

13. 解:如图,木棒  $CD$  的影子为线段  $DF$ 。



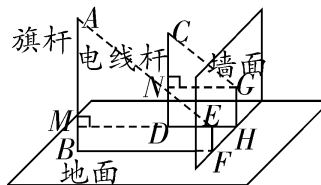
14. 解:(1)如图所示。



(2)该几何体的表面积是  $(2 \times 2) \times (6 \times 2 + 6 \times 2 + 5 \times 2 + 4) = 4 \times 38 = 152(\text{cm}^2)$ 。

15. (1)平行

(2)解:如图,过点  $E$  作  $EM \perp AB$ ,垂足为点  $M$ ,过点  $G$  作  $GN \perp CD$ ,垂足为点  $N$ 。



则  $MB = EF = 2 \text{ m}$ ,  $ND = GH = 3 \text{ m}$ ,  $ME = BF = 10 \text{ m}$ ,  $NG = DH = 5 \text{ m}$ 。

所以  $AM = 10 - 2 = 8(\text{m})$ 。

由平行投影可知  $\frac{AM}{ME} = \frac{CN}{NG}$ ,

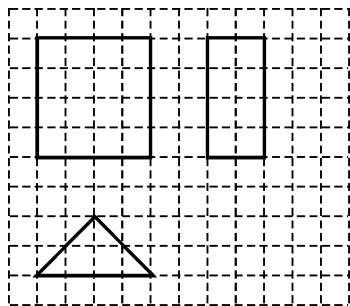
$$\text{即 } \frac{8}{10} = \frac{CD-3}{5},$$

解得  $CD=7$ 。

答:电线杆的高度为 7 m。

16. 解:(1)直三棱柱

(2)如图所示:



(3)根据题意可得:

$$a = \frac{h}{\sqrt{2}} = \frac{20}{\sqrt{2}} = 10\sqrt{2} \text{ (cm)},$$

$$\begin{aligned} \text{则 } S_{\text{表面积}} &= \frac{1}{2} \times (10\sqrt{2})^2 \times 2 + 2 \times 10\sqrt{2} \\ &\times 20 + 20^2 = (600 + 400\sqrt{2}) \text{ (cm}^2\text{)}. \end{aligned}$$

17. 解:由于阳光是平行光线,即  $AE \parallel BD$ ,  
所以  $\angle AEC = \angle BDC$ ,又因为  $\angle C$  是公共角,

所以  $\triangle AEC \sim \triangle BDC$ ,从而有  $\frac{AC}{BC} = \frac{EC}{DC}$ 。

又  $AC = AB + BC$ ,  $DC = EC - ED$ ,  $EC = 3.9 \text{ m}$ ,  $ED = 2.1 \text{ m}$ ,  $BC = 1.2 \text{ m}$ ,

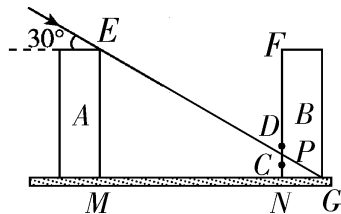
于是有  $\frac{AB+1.2}{1.2} = \frac{3.9}{3.9-2.1}$ ,解得  $AB =$

1.4。

答:窗口的高度  $AB$  为 1.4 m。

18. 解:有影响。理由如下:

如图,设过  $A$  楼点  $E$  的光线交地面于点  $G$ 。



根据题意,得  $EM = FN = 20 \text{ m}$ ,

$MN = 30 \text{ m}$ ,  $CN = 2 \text{ m}$ ,  $CD = 1.8 \text{ m}$ 。

在  $\text{Rt}\triangle EMG$  中,  $\because \angle EGM = 30^\circ$ ,

$$\therefore EG = 2EM = 40 \text{ m},$$

$$\therefore MG = \sqrt{EG^2 - EM^2} = \sqrt{3}EM = 20\sqrt{3} \approx$$

$$34.64 \text{ (m)} > 30 \text{ m},$$

$\therefore A$  楼的影子要落在  $B$  楼上。

设  $PN$  为  $A$  楼在  $B$  楼上的影子。

在  $\text{Rt}\triangle PNG$  中,  $\because \angle PGN = 30^\circ$ ,

$$\therefore PG = 2PN。$$

$$\therefore PN^2 + NG^2 = PG^2,$$

$$NG = MG - MN = (20\sqrt{3} - 30) \text{ m},$$

$$\therefore PN = \frac{\sqrt{3}}{3}NG = 20 - 10\sqrt{3} \approx 2.68 \text{ (m)}。$$

$$\therefore PN - CN \approx 2.68 - 2 = 0.68 \text{ (m)}。$$

答: $A$  楼的影子影响  $B$  楼一楼的窗户采光,挡住窗户约 0.68 m。