

答案与解析

第一章测评卷

1. A 2. C 3. C 4. C 5. B 6. D

7. A 8. D

9. 34 10. 75° 11. $\frac{24}{5}$ 12. $2\sqrt{3}$

13. 证明: $\because DE \parallel OC, CE \parallel OD,$

\therefore 四边形 OCED 是平行四边形。

\because 四边形 ABCD 是矩形, $\therefore AO = OC = BO = OD,$

\therefore 四边形 OCED 是菱形。

14. (1) 证明: \because 四边形 ABCD 是菱形,

$\therefore AB = BC, AD \parallel BC, \therefore \angle A = \angle CBF.$

$\because BE \perp AD, CF \perp AB, \therefore \angle AEB = \angle BFC = 90^\circ,$

$\therefore \triangle AEB \cong \triangle BFC (AAS).$

$\therefore AE = BF.$

(2) 解: $\because E$ 是 AD 的中点, 且 $BE \perp AD,$

\therefore 直线 BE 为 AD 的垂直平分线,

$\therefore BD = AB = 2.$

15. (1) 证明: \because 四边形 ABCD 是正方形,

$\therefore AB = AD, \angle ABC = \angle ADC = \angle ADF = 90^\circ,$

$\therefore \triangle ABE \cong \triangle ADF (SAS).$

(2) 解: $\because \triangle ABE \cong \triangle ADF, \therefore AE = AF, \angle BAE = \angle DAF.$

$\because \angle BAE + \angle EAD = 90^\circ,$

$\therefore \angle DAF + \angle EAD = 90^\circ,$ 即 $\angle EAF = 90^\circ,$

$\therefore EF = \sqrt{2}AE = 5\sqrt{2}.$

16. 证明: (1) $\because AF \parallel BC, \therefore \angle AFE = \angle DBE.$

$\because \triangle ABC$ 是直角三角形, AD 是 BC 边

上的中线, E 是 AD 的中点, $\therefore AE = DE, BD = CD.$

在 $\triangle AFE$ 和 $\triangle DBE$ 中,

$$\begin{cases} \angle AFE = \angle DBE, \\ \angle AEF = \angle BED, \\ AE = DE, \end{cases}$$

$\therefore \triangle AFE \cong \triangle DBE (AAS).$

(2) 由 (1) 知, $AF = BD$, 且 $BD = CD,$

$\therefore AF = CD$, 且 $AF \parallel BC, \therefore$ 四边形 ADCF 是平行四边形。

$\because \angle BAC = 90^\circ, D$ 是 BC 的中点,

$\therefore AD = \frac{1}{2}BC = CD, \therefore$ 四边形 ADCF 是菱形。

17. 证明: (1) $\because CF \parallel BD, \therefore \angle ODE = \angle FCE,$

$\because E$ 是 CD 的中点, $\therefore CE = DE,$

$\therefore \triangle ODE \cong \triangle FCE (ASA).$

(2) $\because \triangle ODE \cong \triangle FCE, \therefore OD = FC,$

$\because CF \parallel BD, \therefore$ 四边形 OCFD 是平行四边形。

\because 四边形 ABCD 是菱形, $\therefore AC \perp BD,$

$\therefore \angle COD = 90^\circ,$

\therefore 四边形 OCFD 是矩形。

18. (1) 证明: $\because \angle AEF = 90^\circ, \therefore \angle FEC + \angle AEB = 90^\circ,$

在 $Rt\triangle ABE$ 中, $\angle AEB + \angle BAE = 90^\circ,$

$\therefore \angle BAE = \angle FEC.$

(2) 证明: $\because G, E$ 分别是正方形 ABCD 的边 AB, BC 的中点, $\therefore AG = GB = BE = EC,$ 且 $\angle AGE = 180^\circ - 45^\circ = 135^\circ.$ 又

$\because CF$ 是 $\angle DCH$ 的平分线, $\therefore \angle ECF =$

$90^\circ + 45^\circ = 135^\circ$ 。在 $\triangle AGE$ 和 $\triangle ECF$ 中, $AG = EC$, $\angle AGE = \angle ECF = 135^\circ$, $\angle GAE = \angle FEC$, $\therefore \triangle AGE \cong \triangle ECF$ 。

(3) 解: 由 $\triangle AGE \cong \triangle ECF$ 得 $AE = EF$ 。

$\therefore \angle AEF = 90^\circ$, $\therefore \triangle AEF$ 是等腰直角三角形, 由 $AB = a$, $BE = \frac{1}{2}a$ 得 $AE =$

$$\frac{\sqrt{5}}{2}a, \therefore S_{\triangle AEF} = \frac{5}{8}a^2。$$

第二章测评卷

1. A 2. B 3. A 4. D 5. C 6. C

7. C 8. D

9. -3 10. $x^2 + 4x - 4 = 0$ -4 11. $k \leq \frac{1}{2}$

12. 20 或 22

13. 解: (1) 原方程可变形为 $2x^2 - 4x + 1$

$$= 0,$$

$$\therefore a = 2, b = -4, c = 1,$$

$$\therefore b^2 - 4ac = (-4)^2 - 4 \times 2 = 8 > 0,$$

$$\therefore x = \frac{4 \pm \sqrt{8}}{2 \times 2} = \frac{2 \pm \sqrt{2}}{2}, \text{即 } x_1 = \frac{2 + \sqrt{2}}{2}, x_2$$

$$= \frac{2 - \sqrt{2}}{2}。$$

(2) 原方程可变形为 $(2x - 1)^2 - (3 - x)^2 = 0$,

$$[(2x - 1) + (3 - x)][(2x - 1) - (3 - x)] = 0,$$

$$(x + 2)(3x - 4) = 0, x + 2 = 0 \text{ 或 } 3x - 4 = 0,$$

$$\therefore x_1 = -2, x_2 = \frac{4}{3}。$$

(3) 原方程可变形为 $(3x + 1 + 1)(3x + 1 - 6) = 0$,

$$(3x + 2)(3x - 5) = 0, 3x + 2 = 0 \text{ 或 } 3x -$$

$$5 = 0,$$

$$\therefore x_1 = -\frac{2}{3}, x_2 = \frac{5}{3}。$$

14. 解: (1) 由一元二次方程 $x^2 - 3x + k = 0$ 有实根, 得判别式 $\Delta = 9 - 4k \geq 0$, $\therefore k \leq \frac{9}{4}$ 。

(2) k 的最大整数为 2, 所以方程 $x^2 - 3x + 2 = 0$ 的根为 1 和 2。

\therefore 方程 $x^2 - 3x + k = 0$ 与一元二次方程 $(m - 1)x^2 + x + m - 3 = 0$ 有一个相同根,

\therefore 当 $x = 1$ 时, 方程为 $(m - 1) + 1 + m - 3 = 0$, 解得 $m = \frac{3}{2}$;

当 $x = 2$ 时, 方程为 $(m - 1) \times 2^2 + 2 + m - 3 = 0$, 解得 $m = 1$ (不合题意)。

故 $m = \frac{3}{2}$ 。

15. 解: 设销售单价定为 x 元, 根据题意得:

$$(x - 6)(-30x + 600) = 1\ 200,$$

$$\text{即 } x^2 - 26x - 160 = 0,$$

$$\text{解得 } x_1 = 10, x_2 = 16 (\text{舍}).$$

答: 这种许愿瓶的销售单价定为 10 元。

16. 解: 设 t s 后 $\triangle DPQ$ 的面积为 28 cm^2 ,

则 $AP = t, BQ = 2t$, 则 $PB = 6 - t, CQ = 12 - 2t$, 根据题意, 得

$$6 \times 12 - \frac{1}{2} \times 12t - \frac{1}{2} \times 2t(6 - t) - \frac{1}{2} \times$$

$$6(12 - 2t) = 28, \text{即 } t^2 - 6t + 8 = 0, \text{解得 } t_1 = 2, t_2 = 4。$$

答: 2 s 或 4 s 后 $\triangle DPQ$ 的面积等于 28 cm^2 。

17. 解: (1) 设剪成两段后其中一段为 $x \text{ cm}$, 则另一段为 $(20 - x) \text{ cm}$, 根据题意, 得

$$\left(\frac{x}{4}\right)^2 + \left(\frac{20 - x}{4}\right)^2 = 17,$$

解得 $x_1=16, x_2=4$ 。

①当 $x=16$ 时, $20-x=4$; ②当 $x=4$ 时, $20-x=16$ 。

答:这段铁丝剪成两段后的长度分别是 4 cm 和 16 cm。

(2)不能。

理由是:设剪成两段后其中一段为 y cm, 则另一段为 $(20-y)$ cm, 由题意得 $\left(\frac{y}{4}\right)^2 + \left(\frac{20-y}{4}\right)^2 = 12$,

整理,得 $y^2 - 20y + 104 = 0$, 因为此方程无解,

所以不能剪成两段使其面积和为 12 cm^2 。

18. 解:(1)设二月、三月这两个月的月平均增长率为 x , 根据题意可得 $256(1+x)^2 = 400$,

解得 $x_1 = \frac{1}{4}, x_2 = -\frac{9}{4}$ (不合题意,舍去)。

答:二月、三月这两个月的月平均增长率为 25%。

(2)设当商品降价 m 元时, 商品获利 4 250 元, 根据题意, 得 $(40-25-m) \cdot (400+5m) = 4\ 250$,

解得 $m_1 = 5, m_2 = -70$ (不合题意,舍去)。

答:当商品降价 5 元时, 商品获利 4 250 元。

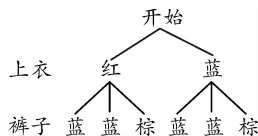
第三章测评卷

1. A 2. A 3. C 4. B 5. B 6. A

7. D 8. B

9. $\frac{1}{3}$ 10. $\frac{1}{4}$ 11. $\frac{1}{4}$ 12. $\frac{1}{3}$

13. 解:画树状图如下:



$$P(\text{都是蓝色}) = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}.$$

14. 解:画树状图如右图所示,

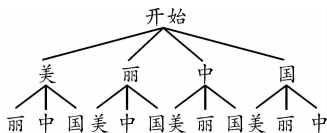
配成紫色的概率为 $P(\text{配}$

$$\text{成紫色}) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}, \text{ 所以}$$

游戏者获胜的概率为 $\frac{1}{2}$ 。



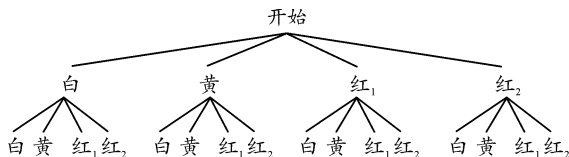
15. 解:(1) $\frac{1}{4}$ (2)画树状图如下:



\therefore 共有 12 种等可能的结果, 取出的两个球上的汉字恰能组成“美丽”或“中国”的有 4 种情况, $\therefore P = \frac{4}{12} = \frac{1}{3}$ 。

16. 解:(1)小亮随机摸球 10 次, 其中 6 次摸出的是红球, 这 10 次中摸出红球的频率 $= \frac{6}{10} = \frac{3}{5}$ 。

(2)画树状图得:



\therefore 共有 16 种等可能的结果, 两次摸出的球中一个是白球、一个是黄球的有 2 种情况,

\therefore 两次摸出的球中一个是白球、一个是黄球的概率 $= \frac{2}{16} = \frac{1}{8}$ 。

17. 解:(1)列表如下:

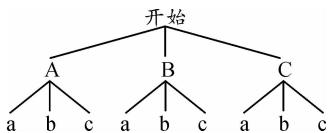
甲 乙	-7	-1	3
-2	$(-7, -2)$	$(-1, -2)$	$(3, -2)$
1	$(-7, 1)$	$(-1, 1)$	$(3, 1)$
6	$(-7, 6)$	$(-1, 6)$	$(3, 6)$

由上表可知点 A 共有 9 种情况。

(2)由(1)知点 A 的坐标共有 9 种等可能的情况,点 A 落在第三象限共有 $(-7, -2), (-1, -2)$ 两种情况,

$$\therefore P(\text{点 A 落在第三象限}) = \frac{2}{9}.$$

18. 解:(1) $\frac{1}{3}$ (2)分别用 A, B, C 表示第一道单选题的 3 个选项, a, b, c 表示剩下的第二道单选题的 3 个选项,画树状图得:



\therefore 共有 9 种等可能的结果,小明顺利通关的只有 1 种情况, \therefore 小明顺利通关的概率为 $\frac{1}{9}$ 。

(3)如果在第一题使用“求助”小明顺利通关的概率为 $\frac{1}{8}$;如果在第二题使用“求助”小明顺利通关的概率为 $\frac{1}{9}$ 。 \therefore 建议小明在第一题使用“求助”。

第四章测评卷

1. B 2. B 3. A 4. D 5. D 6. D

7. A 8. D

9. 7:4 10. $\frac{9}{5}$ 11. $\frac{8}{5}$ 12. $\frac{8}{3}$ 或 $\frac{3}{2}$

13. 解:设 $\frac{a}{2} = \frac{b}{3} = \frac{c}{4} = k$, 则 $a = 2k, b = 3k$,

$$c = 4k.$$

$\therefore 2a - b + c = 10, \therefore 4k - 3k + 4k = 10$, 解得 $k = 2$ 。

$$\therefore (1) a = 4, b = 6, c = 8.$$

$$(2) 2a + 4b - c = 2 \times 4 + 4 \times 6 - 8 = 24.$$

14. 解:(1) $\because DE \parallel BC, \therefore \frac{AE}{AC} = \frac{AD}{AB} = \frac{2}{3}$ 。

$$\because AE = 4, \therefore AC = 6, \therefore EC = 6 - 4 = 2.$$

$$(2) \because M \text{ 为 } BC \text{ 的中点}, \therefore S_{\triangle ABM} = \frac{1}{2} S_{\triangle ABC} = 18.$$

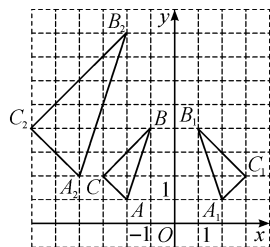
$$\because DE \parallel BC, \therefore \triangle ADN \sim \triangle ABM,$$

$$\therefore \frac{S_{\triangle ADN}}{S_{\triangle ABM}} = \left(\frac{AD}{AB}\right)^2 = \frac{4}{9}, \therefore S_{\triangle ADN} = 8.$$

15. 解:(1)如图,点 C_1 的坐标是 $(3, 2)$ 。

(2)如图,点 C_2 的坐标是 $(-6, 4)$ 。

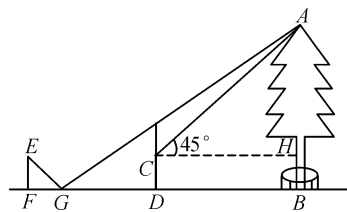
(3)点 D_2 的坐标是 $(2a, 2b)$ 。



16. 解:如图,过点 C 作 $CH \perp AB$, 垂足为点 H, 则 $CH = BD, BH = CD = 0.5$ 。

在 $\text{Rt}\triangle ACH$ 中, $\angle ACH = 45^\circ$,

$$\therefore AH = CH = BD,$$



$$\therefore AB = AH + BH = BD + 0.5,$$

$$\because EF \perp FB, AB \perp FB,$$

$$\therefore \angle EFG = \angle ABG = 90^\circ.$$

由题意知 $\angle EGF = \angle AGB$,

$$\therefore \triangle EFG \sim \triangle ABG,$$

$$\therefore \frac{EF}{AB} = \frac{FG}{BG},$$

$$\text{即 } \frac{1.6}{BD+0.5} = \frac{2}{5+BD},$$

$$\therefore BD = 17.5 \text{ m},$$

$$\therefore AB = 17.5 + 0.5 = 18 \text{ (m)}$$

因此,这棵古树的高 AB 为 18 m 。

17. 解:存在这样的点 P 。

$$\because \angle AOB = 90^\circ, OA = 8, OB = 6,$$

$$\therefore AB = 10.$$

\because 点 C 是 AB 的中点, $\therefore BC = 5$ 。

$\because \angle ABO$ 是公共角,如图①,若 $\triangle PBC \sim$

$\triangle OBA$,则需 $PB:OB = BC:BA$,即 $\frac{PB}{6} =$

$$\frac{5}{10}, \text{解得 } PB = 3,$$

$$\therefore OP = OB - PB = \frac{7}{3}, \therefore \text{点 } P(0, 3);$$

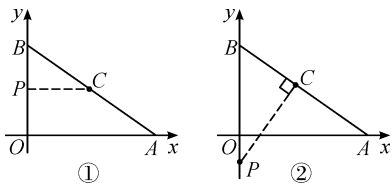
如图②,若 $\triangle PBC \sim \triangle ABO$,则需 $PB:$

$$AB = BC:OB,$$

$$\text{即 } \frac{PB}{10} = \frac{5}{6}, \text{解得 } PB = \frac{25}{3},$$

$$\therefore OP = PB - OB = \frac{7}{3}, \therefore \text{点 } P(0, -\frac{7}{3}).$$

综上所述,点 P 的坐标为 $(0, 3)$ 或 $(0, -\frac{7}{3})$ 。



18. 解:(1) \because 点 D 为 AB 的中点,点 E 为 BC 的中点,

$$\therefore DE \parallel AC, \therefore \frac{BD}{BA} = \frac{BE}{BC}, \therefore \frac{BD}{BE} = \frac{BA}{BC},$$

$$\because \angle DBE = \angle ABC,$$

$$\therefore \angle DBA = \angle ECB,$$

$$\therefore \triangle DBA \sim \triangle ECB.$$

(2) $\angle AGC$ 的大小不发生变化, $\angle AGC = 30^\circ$ 。

理由:设 AB 交 CG 于点 O 。

$$\because \triangle DBA \sim \triangle ECB,$$

$$\therefore \angle DAB = \angle ECB,$$

$$\because \angle DAB + \angle AOG + \angle AGC = 180^\circ,$$

$$\angle ECB + \angle COB + \angle ABC = 180^\circ,$$

$$\angle AOG = \angle COB,$$

$$\therefore \angle AGC = \angle ABC = 30^\circ.$$

第五章测评卷

1. B 2. D 3. D 4. B 5. C 6. C

7. B 8. C

9. 平行投影 中心投影 10. 实线 虚线

11. 48 12. 1.5 m 13. 略

14. 解:(1)如图,线段 BC 就是小亮在照明灯 P 照射下的影子。

(2)在 $\triangle CAB$ 和 $\triangle CPO$ 中,

$$\because \angle C = \angle C,$$

$$\angle ABC = \angle POC = 90^\circ,$$

$$\therefore \triangle CAB \sim \triangle CPO,$$

$$\therefore \frac{AB}{PO} = \frac{CB}{CO}.$$

设小亮影子的长度 CB 为 $x \text{ m}$,

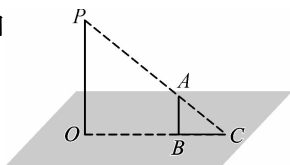
$$\text{则 } \frac{1.6}{12} = \frac{x}{13+x},$$

$$\therefore x = 2,$$

因此,小亮影子的长度为 2 m 。

15. 解:(1)bdace (2)长一较短一短一较长一长

16. 解:由俯视图:这堆货箱共有从前到后 3 行,从左到右 3 列;由左视图:第一行均



为1层,第二行最高2层,第三行最高3层;由主视图:第一列、第三列均为1层,第二列(中间列)最高为3层。故第二行、第二列为2层,第三行第二列为3层,其余皆为1层。各行、各列小正方体的个数如俯视图

	3	1
1	2	1
		1

所示。

这堆货箱共有 $3+1+1+2+1+1=9$ (箱)。

17. (1)略 (2) $\frac{32}{3}m$ 18. $48+12\sqrt{3}$

第六章测评卷

1. C 2. C 3. D 4. A 5. B 6. B

7. A 8. D

9. $k < \frac{1}{2}$ 10. -2 11. $m < \frac{1}{3}$ 12. -18

13. 解:(1)由题意得 $m^2+2m-1=-1$,解得 $m=0$ 或 $m=-2$,

又 \because 图像位于第一、三象限, $m+1>0$,所以 $m<-1$,

$\therefore m=0$ 。

(2)由(1)得反比例函数表达式为

$y=\frac{1}{x}$,当 $x=1$ 时, $y=1 \neq -1$,

所以,点 $A(1,-1)$ 不在该函数图像上。

14. 解: \because 一次函数和反比例函数相交,

$$\therefore \begin{cases} y=-x+8, \\ y=\frac{k}{x}, \end{cases}$$

整理得 $x^2-8x+k=0$,

\because 有两个不同的交点,

$\therefore \Delta=b^2-4ac>0$,

即 $64-4k>0$,解得 $k<16$,

又由图像可知 $k>0$,

$\therefore k$ 的取值范围是 $0<k<16$ 。

15. 解:(1)把 $A(40,1)$ 代入 $t=\frac{k}{v}$,得 $k=40$,

\therefore 解析式为 $t=\frac{40}{v}$,

再把 $(m,0.5)$ 代入 $t=\frac{40}{v}$,得 $m=80$ 。

(2)把 $v=60$ 代入 $t=\frac{40}{v}$,得 $t=\frac{2}{3}h$,

\therefore 汽车通过该路段最少需要 $\frac{2}{3}h$ 。

16. 解:(1) $\because y=kx+1$ 的图像过点 $M(2,3)$,

$\therefore 3=2k+1$, $\therefore k=1$, \therefore 一次函数的表达式为 $y=x+1$,

\because 反比例函数 $y=\frac{m}{x}$ 的图像过点 $M(2,3)$,

$\therefore m=6$, \therefore 反比例函数的表达式为

$y=\frac{6}{x}$ 。

(2)解方程组 $\begin{cases} y=x+1, \\ y=\frac{6}{x}, \end{cases}$

得 $\begin{cases} x_1=2, \\ y_1=3; \end{cases} \begin{cases} x_2=-3, \\ y_2=-2, \end{cases}$

$\therefore N(-3,-2)$ 。

(3)设直线 MN 交 x 轴于点 P ,

则 $P(-1,0)$,

$S_{\triangle MON} = S_{\triangle OPN} + S_{\triangle OPM} = \frac{1}{2} \times 1 \times 2 +$

$\frac{1}{2} \times 1 \times 3 = 2.5$ 。

17. 解:(1) \because 一次函数的表达式为 $y_1=x+m$,

$\therefore 2=-1+m$,解得 $m=3$,

\therefore 直线 AB 的表达式为 $y_1=x+3$;

\because 点 $C(-1,2)$ 在反比例函数 $y_2=\frac{k}{x}$ (k

$\neq 0, x < 0)$ 上,

$$\therefore k = -1 \times 2 = -2,$$

\therefore 反比例函数的表达式为 $y_2 = -\frac{2}{x}$ 。

(2) 由题得

$$\begin{cases} y = x + 3, \\ y = -\frac{2}{x}, \end{cases} \text{ 得 } \begin{cases} x_1 = -1, \\ y_1 = 2 \end{cases} \text{ 或 } \begin{cases} x_2 = -2, \\ y_2 = 1. \end{cases}$$

$\therefore D(-2, 1)$ 。

(3) 由图像可知当 $-2 < x < -1$ 时,

$y_1 > y_2$ 。

18. 解: (1) \because 点 $A(-1, n)$ 在正比例函数 $y = -2x$ 的图像上, $\therefore n = -2 \times (-1) = 2$, \therefore 点 A 的坐标为 $(-1, 2)$,

\because 点 A 在反比例函数的图像上,

$$\therefore k = -2,$$

\therefore 反比例函数的解析式是 $y = -\frac{2}{x}$ 。

(2) 当 $PA = OA$ 时, 由 (1) 可知 P 点的坐标为 $(-2, 0)$ 。

当 $PO = OA$ 时, $\because OA = \sqrt{5}$,

$\therefore P$ 点的坐标为 $(-\sqrt{5}, 0), (\sqrt{5}, 0)$,

当 $PA = OP$ 时, 作 OA 的垂直平分线交 x 轴于 P , 此时 P 的坐标为 $(-2.5, 0)$ 。

点 P 的坐标为 $(-2, 0), (-\sqrt{5}, 0), (\sqrt{5}, 0), (-2.5, 0)$ 。